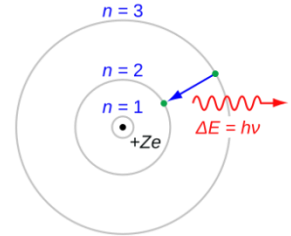


### สรุปแบบจำลองอะตอมของโบร์

นีลส์ โบร์ (Niels Bohr) ได้เสนอแบบจำลองเพื่อแก้ข้อบกพร่องของรัทเทอร์ฟอร์ด โดยใช้ทฤษฎีควอนตัมของพลังค์มาประยุกต์

- 1) อิเล็กตรอนจะเคลื่อนที่รอบนิวเคลียสในวงโคจรที่ โดยมีโมเมนตัมเชิงมุม (L) ของอิเล็กตรอนมีค่าเป็น "ควอนตัม" (เป็นขั้นๆ) แต่ละขั้นมีค่าคงที่
- 2) อิเล็กตรอนสามารถข้ามชั้นได้หากมีการรับหรือปล่อยพลังงาน
- 3) พลังงานของแสงที่ปล่อยออกมาจะเท่ากับผลต่างของพลังงานระหว่างชั้น



#### 1. พลังงาน $E = hf$

**คืออะไร:** นี่คือการสมการพลังงานของ โฟตอน (Photon) หรือ "ก้อนพลังงานของแสง" 1 ก้อน

**ตัวแปร:**  $E$  = พลังงานของโฟตอน (จูล, J หรือ อิเล็กตรอนโวลต์, eV)

$h$  = ค่าคงที่ของพลังค์ (Planck's constant,  $h = 6.3 \times 10^{-34}$  J.s)

$f$  = ความถี่ของคลื่นแสง (เฮิรตซ์, Hz)

**อธิบาย:** แสงที่มีความถี่สูง (เช่น สีม่วง, UV) 1 โฟตอน จะมีพลังงานสูงกว่าแสงที่มีความถี่ต่ำ

#### 2. รัศมีอะตอมของโบร์ $r \propto n^2$

รัศมีของวงโคจรในชั้นที่  $n$  สามารถเขียนได้เป็น:

$$r_n = a_0 \cdot n^2$$

โดยที่  $a_0$  คือ รัศมีของโบร์ (Bohr radius) ซึ่งมีค่าประมาณ  $5.29 \times 10^{-11}$  เมตร

#### 3. ระดับพลังงาน ของอิเล็กตรอนใน อะตอมไฮโดรเจน

$$E_n = \frac{-13.6}{n^2} \quad \text{อิเล็กตรอนโวลต์ (eV)}$$

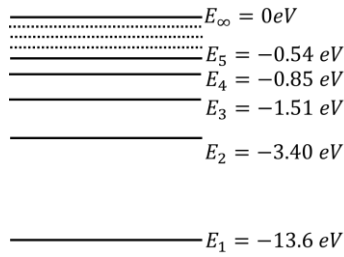
- **คืออะไร:** นี่คือการสมการสำหรับหา ระดับพลังงาน ของอิเล็กตรอนใน อะตอมไฮโดรเจน

- **ตัวแปร:**

- $E_n$  = พลังงานของอิเล็กตรอน ณ วงโคจร (ระดับพลังงาน) ที่  $n$
- $n$  = เลขควอนตัม (Quantum Number) ( $n = 1, 2, 3, \dots$ )  $n=1$  คือวงในสุด (สถานะพื้น)
- หน่วย: พลังงาน  $E_n$  ในสูตรนี้มีหน่วยเป็น

- **ทำไมติดลบ :** เครื่องหมายลบ (-) บอกว่าอิเล็กตรอน "ถูกยึด" ไว้กับนิวเคลียส (เป็นพลังงานยึดเหนี่ยว) ถ้า  $E=0$  หรือเป็นบวก แปลว่าอิเล็กตรอนหลุดเป็นอิสระจากอะตอมแล้ว

ระดับชั้นพลังงาน



**การคายพลังงาน (Emission):** เกิดขึ้นเมื่ออิเล็กตรอนย้ายจากชั้นพลังงานสูง ( $n_{\text{high}}$ ) ลงมายังชั้นพลังงานต่ำ ( $n_{\text{low}}$ ) โดยจะปล่อยโฟตอนออกมา

**การดูดกลืนพลังงาน (Absorption):** เกิดขึ้นเมื่ออิเล็กตรอนได้รับพลังงานที่พอดีเป๊ะ แล้วกระโดดจากชั้นต่ำขึ้นไปชั้นสูง

4. ผลต่างพลังงาน" เมื่ออิเล็กตรอน "เปลี่ยนวงโคจร"

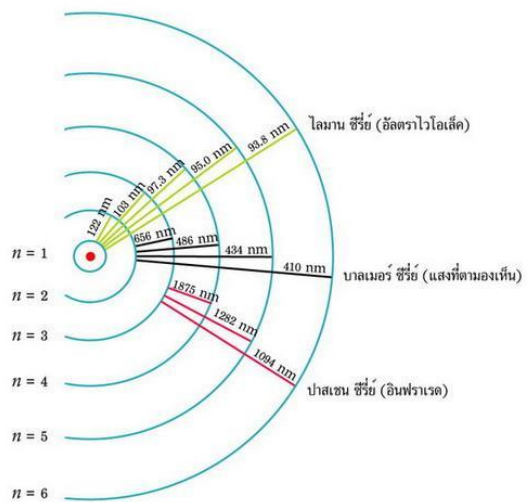
$$\Delta E = E_i - E_f$$

- **คืออะไร:** สมการหา "ผลต่างพลังงาน" เมื่ออิเล็กตรอน "เปลี่ยนวงโคจร"
- **ตัวแปร:**
  - $\Delta E$  = พลังงานที่ปล่อยออกมา (ถ้า  $E_i > E_f$ ) หรือดูดเข้าไป (ถ้า  $E_f < E_i$ )
  - $E_i$  = พลังงานของวงโคจรเริ่มต้น (Initial)
  - $E_f$  = พลังงานของวงโคจรสุดท้าย (Final)
- **จุดเชื่อมโยง:** พลังงาน  $\Delta E$  นี้ จะถูกปล่อยหรือดูดในรูปของ โฟตอน ดังนั้น  $\Delta E = hf$
- **สูตรลัด**  $\Delta E_{(eV)} = \frac{1240}{\lambda_{(nm)}}$

อนุกรมเส้นสเปกตรัม

$$\frac{1}{\lambda} = R_H \left( \frac{1}{n_f^2} - \frac{1}{n_i^2} \right)$$

$$R_H = 1.1 \times 10^7 \text{ m}^{-1}$$



## ข้อที่ 1

ตามทฤษฎีอะตอมของโบร์ ถ้าอิเล็กตรอนในอะตอมไฮโดรเจนเปลี่ยนระดับพลังงานจากระดับพลังงานสูง ไปยังระดับพลังงานต่ำกว่าที่มีพลังงานเท่ากับ  $-3.40$  อิเล็กตรอนโวลต์ โดยอิเล็กตรอนปลดปล่อยคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าที่มีควอนตัมของพลังงานเท่ากับ  $1.89$  อิเล็กตรอนโวลต์

**คำถาม** อิเล็กตรอนดังกล่าวมีการเปลี่ยนระดับพลังงานจากระดับใดไปยังระดับใด

1. จาก  $n = 4$  ไปยัง  $n = 3$
2. จาก  $n = 4$  ไปยัง  $n = 2$
3. จาก  $n = 3$  ไปยัง  $n = 2$
4. จาก  $n = 3$  ไปยัง  $n = 1$
5. จาก  $n = 2$  ไปยัง  $n = 1$

## ข้อที่ 2

วัตถุดำอันหนึ่งแผ่คลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าความถี่ต่างๆ กัน โดยคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าความถี่  $f$  ประกอบด้วยโฟตอนที่มีพลังงาน  $\epsilon = hf$  ซึ่ง  $h$  เป็นค่าคงตัวพลังค์

พิจารณาข้อความต่อไปนี้:

- ก. คลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าความถี่  $2.0 \times 10^{15}$  Hz สามารถแผ่ออกมาโดยมีพลังงานรวมเป็น  $(6.0 \times 10^{15})h$  จูล
- ข. โฟตอนของคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าความถี่  $2.0 \times 10^{15}$  Hz มีพลังงานมากกว่า โฟตอนของคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าความถี่  $4.0 \times 10^{15}$  Hz
- ค. เมื่อคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้ามีเลขควอนตัมมากขึ้น พลังงานของโฟตอน  $\epsilon$  จะมีค่ามากขึ้น

**คำถาม** ข้อความใดถูกต้อง

1. ก. เท่านั้น
2. ค. เท่านั้น
3. ก. และ ข. เท่านั้น
4. ก. และ ค. เท่านั้น
5. ข. และ ค. เท่านั้น

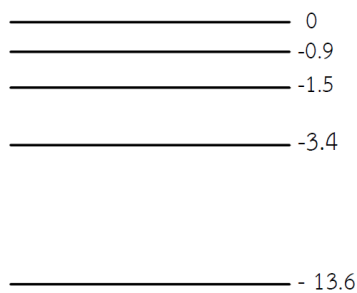
## ข้อที่ 3

คำถาม จงหาอัตราส่วนระหว่างรัศมีวงโคจรของอิเล็กตรอน ในสถานะกระตุ้นที่ 2 ต่อสถานะถูกกระตุ้นที่ 1 ในแบบจำลองอะตอมของโบร์

1. 2/1
2. 3/2
3. 4/3
4. 9/4
5. 16/5

## ข้อที่ 4

แผนภาพแสดงระดับพลังงาน 5 ระดับของอะตอมไฮโดรเจน ซึ่งเป็นหน่วยอิเล็กตรอนโวลต์ (eV)



คำถาม ข้อความใดถูกต้อง

1. อะตอมไฮโดรเจนส่วนใหญ่จะอยู่ในระดับพลังงานศูนย์
2. อะตอมในระดับพลังงาน  $-3.4$  eV สามารถเปลี่ยนระดับพลังงานได้โดยการปล่อยโฟตอนพลังงาน  $1.9$  eV ,  $2.5$  eV ,  $3.4$  eV และ  $10.2$  eV ได้
3. อะตอมในระดับพลังงาน  $-3.4$  eV สามารถปล่อยโฟตอนที่มีความยาวคลื่น  $650$  นาโนเมตร โดยเปลี่ยนระดับพลังงานไปที่ระดับ  $-1.5$  eV
4. อะตอมในระดับพลังงาน  $-1.5$  eV สามารถปล่อยโฟตอนที่มีความยาวคลื่น  $550$  นาโนเมตร โดยเปลี่ยนระดับพลังงานไปที่ระดับ  $-3.4$  eV
5. อิเล็กตรอนที่มีพลังงาน  $10.2$  eV ชนกับอะตอมในระดับพลังงาน  $-13.6$  eV สามารถปลดปล่อยอะตอมไปที่ระดับ  $-3.4$  eV โดยสูญเสียพลังงานจลน์ทั้งหมด

## ข้อที่ 5

ตามทฤษฎีอะตอมของโบร์ ถ้าอิเล็กตรอนในอะตอมไฮโดรเจนเปลี่ยนระดับพลังงานจากระดับพลังงานเริ่มต้นไปสู่ระดับพลังงานสุดท้ายแล้วจะปลดปล่อยคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้า

**คำถาม** อิเล็กตรอนดังกล่าวมีการเปลี่ยนแปลงระดับพลังงานตามข้อใดที่ให้สเปกตรัมเส้นสว่างที่มีความยาวคลื่นสั้นที่สุด

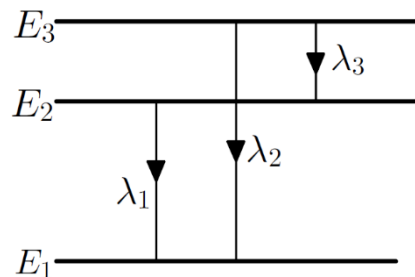
1. จาก  $n = 2$  ไปยัง  $n = 5$
2. จาก  $n = 5$  ไปยัง  $n = 2$
3. จาก  $n = 7$  ไปยัง  $n = 3$
4. จาก  $n = 3$  ไปยัง  $n = 7$
5. จาก  $n = 6$  ไปยัง  $n = 2$

## ข้อที่ 6

แผนภาพแสดงโครงสร้างระดับพลังงานของอิเล็กตรอนชั้นนอกสุดของอะตอมบางตัว โดย  $\lambda_1, \lambda_2$  และ  $\lambda_3$  คือความยาวคลื่นของรังสีที่ปล่อยออกมาเมื่ออิเล็กตรอนกระโดดระหว่างระดับพลังงาน  $E_1, E_2$  และ  $E_3$  ตามที่คลุกลง

**พิจารณาข้อความต่อไปนี้**

- ก.  $\lambda_2 = \lambda_1 + \lambda_3$
- ข. ความถี่ของรังสีที่ปล่อยออกมาของความยาวคลื่น  $\lambda_3$  มีค่าน้อยกว่าความถี่ของรังสีที่ปล่อยออกมาของความยาวคลื่น  $\lambda_2$
- ค. ถ้า  $\lambda_2$  คือความยาวคลื่นในย่านรังสีอัลตราไวโอเล็ต ดังนั้น  $\lambda_1$  อาจเป็นความยาวคลื่นในย่านแสงที่ตามองเห็นได้

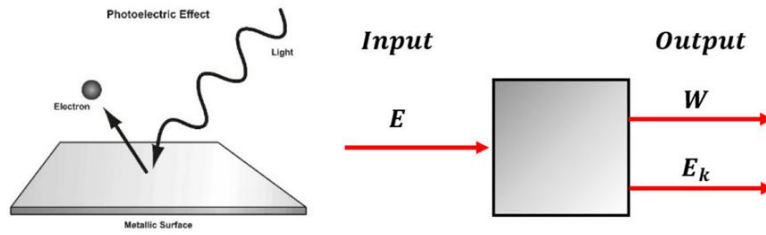


**คำถาม** ข้อความใดถูกต้อง

1. และ ค.
2. และ ค.
3. เท่านั้น
4. เท่านั้น
5. เท่านั้น

### ปรากฏการณ์โฟโตอิเล็กทริก (Photoelectric Effect)

เป็นปรากฏการณ์ที่ "แสง" (โฟตอน) ชนกับ "โลหะ" แล้วทำให้อิเล็กตรอนหลุดออกมา เป็นหลักฐานสำคัญว่าแสงประพฤติตัวเป็นอนุภาค



แนวคิดของสมการคือ พลังงานแสงที่พุ่งเข้าไปในโลหะจะต้องใช้พลังงานส่วนหนึ่งในการดึงอิเล็กตรอนให้หลุดออกจากโลหะก่อน พลังงานที่เหลือจึงจะเป็นพลังงานจลน์ของอิเล็กตรอนที่หลุดออกมา

พลังงานแสง = พลังงานในการดึงอิเล็กตรอน + พลังงานจลน์ของอิเล็กตรอน

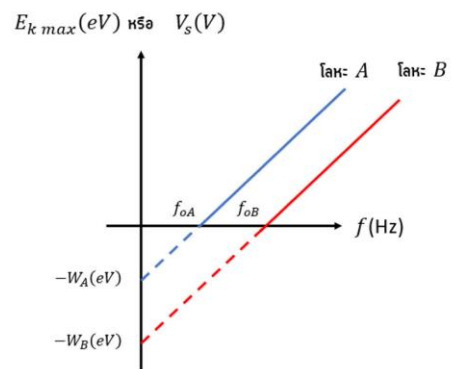
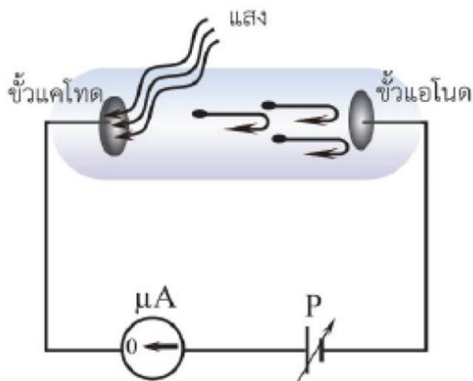
$$E = W + E_k$$

$$hf = hf_0 + \frac{1}{2}mv^2 \quad \text{หน่วย จูล}$$

$$\frac{1240}{\lambda} = \frac{1240}{\lambda_0} + eV \quad \text{หน่วย อิเล็กตรอนโวลต์}$$

ตัวแปร:

- $E$  = พลังงานของโฟตอน ที่ยิงเข้าไป
- $W$  = ฟังก์ชันงาน (Work Function) คือ "พลังงานขั้นต่ำ" ที่ต้องใช้เพื่อดึงอิเล็กตรอนให้หลุดจากโลหะ (เป็นค่าเฉพาะตัวของโลหะแต่ละชนิด)
- $E_k$  = พลังงานจลน์สูงสุด (Maximum Kinetic Energy) ของอิเล็กตรอนที่หลุดออกมา
- หน่วยของพลังงาน คือ หน่วย eV หรือ J โดยต้องใช้หน่วยเดียวกันทุกตัว



ข้อที่ 7 โลหะชนิดหนึ่งมีค่าพลังงานยึดเหนี่ยว 2 อิเล็กตรอนโวลต์ ความยาวคลื่นของแสงค่าใดที่ตกกระทบโลหะนี้แล้วจะไม่มีโฟโตอิเล็กตรอนหลุดออกมา

1. 410
2. 484
3. 600
4. 610
5. 640

### ข้อที่ 8

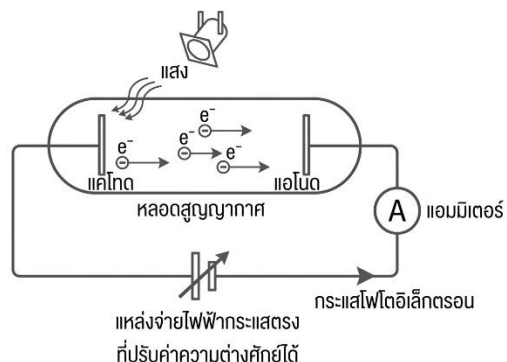
ในการทดลองปรากฏการณ์โฟโตอิเล็กทริก เมื่อฉายแสงที่มีพลังงาน 5.0 อิเล็กตรอนโวลต์ลงบนผิวโลหะชนิดหนึ่ง พบว่าเกิดกระแสไฟฟ้าในวงจรโฟโตอิเล็กทริกได้ และทำให้โฟโตอิเล็กตรอนที่หลุดออกมามีพลังงานจลน์สูงสุด 0.5 อิเล็กตรอนโวลต์

**คำถาม** ถ้าใช้แสงที่มีความถี่เพียงครึ่งหนึ่งของความถี่เดิม พลังงานจลน์สูงสุดของโฟโตอิเล็กตรอนมีค่ากี่อิเล็กตรอนโวลต์

1. 0.2 อิเล็กตรอนโวลต์
2. 0.5 อิเล็กตรอนโวลต์
3. 1.0 อิเล็กตรอนโวลต์
4. 2.5 อิเล็กตรอนโวลต์
5. ไม่เกิดปรากฏการณ์โฟโตอิเล็กทริก

## ข้อที่ 9

ในการทดลองเรื่องโฟโตอิเล็กทริก เมื่อฉายแสงที่มีความถี่และความเข้มค่าหนึ่งกระทบแผ่นโลหะชนิดหนึ่งที่มีลักษณะเป็นแผ่นบางที่ขั้วแคโทด ซึ่งอยู่ในหลอดสุญญากาศ พบว่าจะมีความจุไฟฟ้าออกมาจากแผ่นโลหะที่ขั้วแคโทดและเคลื่อนที่ไปยังขั้วแอโนด ซึ่งมีการต่อแอมมิเตอร์และแหล่งจ่ายไฟฟ้ากระแสตรงที่ปรับค่าความต่างศักย์ได้โดยความต่างศักย์ไฟฟ้าของแหล่งจ่ายไฟฟ้ากระแสตรงมีค่าเป็นศูนย์ ทำให้เกิดกระแสโฟโตอิเล็กตรอนในวงจร ดังรูป



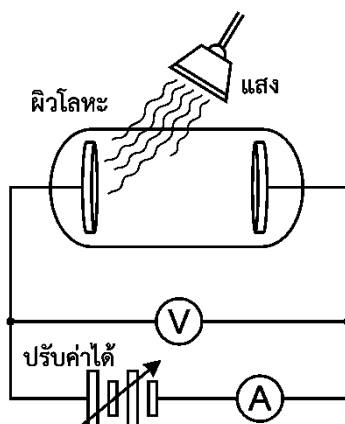
กำหนดให้ ความถี่ของแสงมีค่ามากกว่าค่าความถี่ขีดเริ่ม

คำถาม เมื่อควบคุมตัวแปรอื่นให้คงตัว การปรับการทดลองในข้อใดจะทำให้กระแสโฟโตอิเล็กตรอนมีค่ามากขึ้น

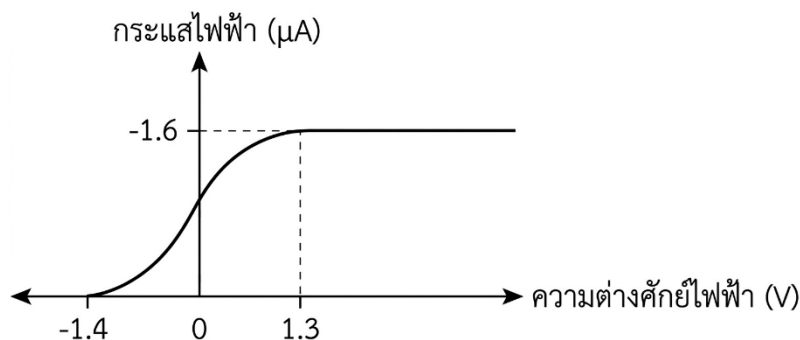
1. เพิ่มความถี่ของแสง
2. ลดขนาดของแผ่นโลหะ
3. เพิ่มความต่างศักย์ไฟฟ้าของแหล่งจ่ายไฟฟ้า
4. ขยับแหล่งกำเนิดแสงให้เข้าใกล้แผ่นโลหะมากขึ้น
5. เปลี่ยนชนิดของแผ่นโลหะที่มีค่าฟังก์ชันงานมากขึ้น

ข้อที่ 10

ทดลองปรากฏการณ์โฟโตอิเล็กทริก โดยฉายแสงความยาวคลื่น 440 นาโนเมตร ให้ตกกระทบผิวโลหะชนิดหนึ่ง และต่อความต่างศักย์กลับขั้วตามการทดลองดังภาพ



เมื่อปรับค่าความต่างศักย์ไฟฟ้า ได้ความสัมพันธ์ระหว่างความต่างศักย์ไฟฟ้าและกระแสไฟฟ้าเป็นดังกราฟ



จากผลการทดลอง พิจารณาข้อสรุปต่อไปนี้

- ข้อสรุปที่ 1: แสงที่ฉายลงบนแผ่นโลหะต้องมีความยาวคลื่นมากกว่า 440 นาโนเมตรเท่านั้น เพื่อจะทำให้วัดค่ากระแสไฟฟ้าได้มากกว่าศูนย์
- ข้อสรุปที่ 2: การเกิดโฟโตอิเล็กตรอนไม่ขึ้นอยู่กับความยาวคลื่นของแสง
- ข้อสรุปที่ 3: เมื่อวัดกระแสไฟฟ้าได้ 1.6 ไมโครแอมแปร์ ความต่างศักย์ไฟฟ้ามีค่า 1.3 โวลต์เท่านั้น
- ข้อสรุปที่ 4: โฟโตอิเล็กตรอนมีค่าพลังงานจลน์สูงสุดเท่ากับ 1.4 อิเล็กตรอนโวลต์

คำถาม จากข้อมูล ข้อสรุปใดถูกต้อง

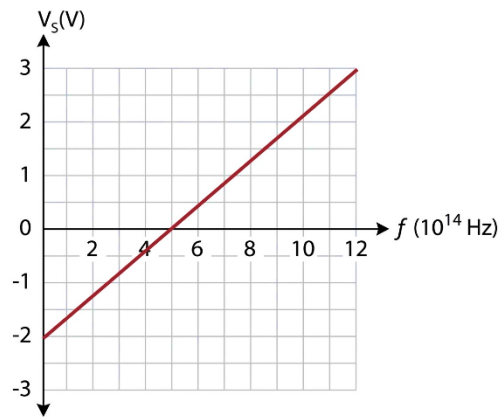
1. ข้อสรุปที่ 2 เท่านั้น
2. ข้อสรุปที่ 4 เท่านั้น
3. ข้อสรุปที่ 1 และ 2
4. ข้อสรุปที่ 2 และ 3
5. ข้อสรุปที่ 3 และ 4

ข้อที่ 11

เมื่อฉายแสงความถี่  $f$  ค่าต่าง ๆ ตกกระทบผิวโลหะชนิดหนึ่ง ได้ความสัมพันธ์ระหว่างความต่างศักย์หยุดยั้งกับความถี่ของแสง ดังกราฟ

กำหนดให้  $e$  เป็นค่าประจุของอิเล็กตรอน

$h$  เป็นค่าคงตัวของพลังค์ในหน่วยจูล วินาที

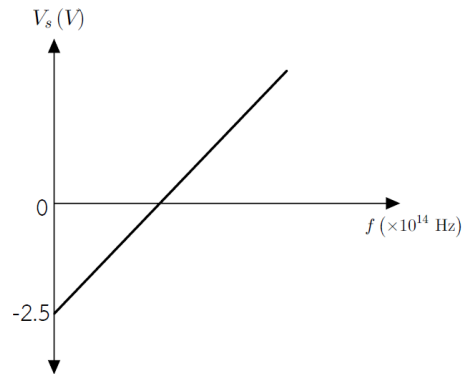


คำถาม พลังงานจลน์สูงสุดของโฟโตอิเล็กตรอนมีค่ากี่อิเล็กตรอนโวลต์

1.  $\frac{hf}{e} - 2.0$
2.  $\frac{hf}{e} + 2.0$
3.  $\frac{hf}{e} + 5.0$
4.  $hf - 2.0e$
5.  $hf + 2.0e$

ข้อที่ 12

ในการทดลองเรื่องปรากฏการณ์โฟโตอิเล็กทริก พบว่า ความสัมพันธ์ระหว่างความต่างศักย์หยุดยั้ง ( $V_s$ ) กับ ความถี่ ( $f$ ) ของแสงที่ตกกระทบผิวโลหะเป็นดังกราฟ เมื่อแสงความถี่  $4.5 \times 10^{14}$  เฮิร์ตซ์ ตกกระทบผิวโลหะ



พิจารณาข้อความต่อไปนี้

- ก. ฟังก์ชันงานของโลหะมีค่าเท่ากับ  $4.00 \times 10^{-19}$  จูล
- ข. ไม่เกิดโฟโตอิเล็กตรอน
- ค. ความถี่ขีดเริ่มมีค่าประมาณ  $690 \times 10^{12}$  เฮิร์ตซ์

คำถาม ข้อความใดถูกต้อง

1. ข้อ ก. เท่านั้น
2. ข้อ ข. เท่านั้น
3. ข้อ ค. เท่านั้น
4. ข้อ ก. และ ค.
5. ข้อ ก. และ ข.

**ความยาวคลื่นเดอบรอยล์ (de Broglie Wavelength)**

นี่คือแนวคิด "สมบัติทวิภาคของคลื่นและอนุภาค" (Wave-Particle Duality)

$$\lambda = \frac{h}{p}$$

- คืออะไร: สมการของ **หลุยส์ เดอ บรอยล์** ที่บอกว่า "สสาร" หรือ "อนุภาค" (เช่น อิเล็กตรอน, โปรตอน, หรือแม้แต่ตัวเรา) ก็มีสมบัติเป็น "คลื่น" ได้
- ตัวแปร:
  - $\lambda$  (แลมบ์ดา) = ความยาวคลื่นเดอบรอยล์ (m)
  - $h$  = ค่าคงที่ของพลังค์
  - $p$  = โมเมนตัม ของอนุภาคนั้น  $p = mv$
- อธิบาย: วัตถุที่กำลังเคลื่อนที่จะมีคลื่นกำกับอยู่ด้วย วัตถุที่มวลมาก (เช่น ตัวเรา) จะมี P มาก  $\lambda$  จะสั้นมากๆ จนวัดไม่ได้ แต่ถ้าเป็นอนุภาคที่เล็กมาก (เช่น อิเล็กตรอน) P จะน้อย  $\lambda$  จะมีความยาวคลื่นที่วัดได้จริง (เช่น ทำให้เกิดการเลี้ยวเบนได้เหมือนคลื่น)

Visualization of electron waves for first three Bohr orbits

Electron wave resonance

$n=1$   
 $\lambda_1 = 2\pi r_1$

$n=2$   
 $2\lambda_2 = 2\pi r_2$

$n=3$   
 $3\lambda_3 = 2\pi r_3$

n=3      n=4      n=5      n=6

Nucleus

$\lambda$

$r$

## ข้อที่ 13

อนุภาค A และ B กำลังเคลื่อนที่เป็นแนวตรง อนุภาค B มีมวลเป็นครึ่งหนึ่งของอนุภาค A และมีพลังงานจลน์เป็น 8 เท่าของ A

**คำถาม** อัตราส่วนระหว่างความยาวคลื่นเดอบรอยล์ของอนุภาค B ต่อนอนุภาค A เป็นเท่าใด

1. 0.25
2. 0.5
3. 1
4. 2
5. 4

## ข้อที่ 14

ความยาวคลื่นเดอบรอยล์ของอิเล็กตรอนเท่ากับ 0.10 นาโนเมตร

**คำถาม** พลังงานจลน์ของอิเล็กตรอนมีค่าเท่าไร

1.  $2.4 \times 10^{-17}$  จูล
2.  $4.8 \times 10^{-17}$  จูล
3.  $2.0 \times 10^{-16}$  จูล
4.  $1.0 \times 10^{-15}$  จูล
5.  $5.0 \times 10^{-14}$  จูล

## ข้อที่ 15

อนุภาค A มีมวลเป็น  $1/4$  เท่าของอนุภาค B ถ้าอนุภาคทั้งสองมีพลังงานจลน์เท่ากัน ความยาวคลื่นเดอบรอยล์ของอนุภาค A เป็นกี่เท่าของอนุภาค B

1.  $1/4$
2.  $1/2$
3. 2
4. 4
5. 6

## ข้อที่ 16

ถ้าอัตราส่วนความยาวคลื่นเดอบรอยล์ของอิเล็กตรอนต่ออนุภาค A เป็น 4000 อัตราส่วนพลังงานจลน์ของอิเล็กตรอนต่ออนุภาค A จะเป็นเท่าใด กำหนด มวลของอิเล็กตรอน =  $0.0005 \text{ u}$  ; มวลของอนุภาค A =  $1.0000 \text{ u}$

1.  $1/1000$
2.  $1/2000$
3.  $1/4000$
4.  $1/8000$
5.  $1/12000$